

# 23. Beschränktes Wachstum

Bei dem beschränkten Wachstum handelt es sich um einen speziellen Wachstumsprozess bei dem sich z.B. eine Population einer natürlichen Schranke  $S$  annähern. Bei Funktionen, die einen solchen Wachstumsprozess beschreiben, nimmt der Abstand, also die Differenzen, zwischen der Schranke  $S$  und dem Bestand zum Zeitpunkt  $t$  exponentiell ab.

Also gilt:  $f(t) = S - c \cdot a^t$  bzw.  $f(t) = S - c \cdot e^{k \cdot t}$   
In  $e$ -Funktion umgewandelt  
 $c = S - f(0) \rightarrow$  Schranke - Anfangsbestand  
 $k = \ln(a)$ ,  $k < 0$

## Typische Aufgabenstellungen:

Die Bevölkerung eines Stammes kann durch beschränktes Wachstum mit der Schranke  $S=1000$  dargestellt werden. Zu Beginn hat der Stamm 200 Bewohner, nach 5 Jahren sind es 600.

1.) Funktionsgleichung aufstellen:

2.) Funktionswerte berechnen:

→ Wie groß ist die Bevölkerung nach 8 Jahren?

3.) Wachstumsgeschwindigkeit:

→ Wie groß ist die Wachstumsgeschwindigkeit nach 4 Tagen?

→ Geschwindigkeit gesucht → Ableitung