

Session 25

 $\cdot e^{2x}$ 

$$f(x) = (3x^2 + 4x) \cdot e^x$$

1. allg. 2. Grades
2.  $\uparrow$  Ableiten
3. vereinfachen
4. LGS
5.  $F(x)$

$$1. f(x) = (ax^2 + bx + c) \cdot e^x$$

$$2. u(x) = ax^2 + bx + c \quad \times \quad u'(x) = 2ax + b$$

$$v(x) = e^x \quad v'(x) = e^x$$

$$f'(x) = (ax^2 + bx + c) \cdot e^x + (2ax + b) \cdot e^x$$

$$= e^x (ax^2 + bx + c + 2ax + b)$$

$$= e^x (ax^2 + (2a+b) \cdot x + b+c)$$

$$f(x) = e^x (3x^2 + 4x + 0)$$

$$I \quad a = 3$$

$$II \quad 2a + b = 4 \quad | a = 3$$

$$2 \cdot 3 + b = 4$$

$$6 + b = 4 \quad | -6$$

$$b = -2$$

$$III \quad b + c = 0 \quad | b = -2$$

 $(x^2 + 2)$ 

$$1) x^2 + 0x + 2$$

Session 25

Formansatz

Seite ohne Titel

Zusammenfassung Mathe

$$I \quad a = 3$$

$$II \quad 2a + b = 4 \quad | a = 3$$

$$2 \cdot 3 + b = 4$$

$$6 + b = 4 \quad | -6$$

$$b = -2$$

$$III \quad b + c = 0 \quad | b = -2$$

$$-2 + c = 0 \quad | +2$$

$$c = 2$$

Zeige, dass

$$F(x) = e^x (3x^2 - 2x + 2)$$

eine Stammf. von  $f(x)$ 

$$u(x) = e^x$$

$$v(x) = 3x^2 - 2x + 2$$

$$f(x) = 5x + 8x^2$$

$$F(x) = \frac{5}{2}x^2 + \frac{8}{3}x^3$$

$$F'(x) = f(x)$$

$$(3x^2 + 4x) \cdot e^x$$

Modells, das neu einge-

- Formansatz
- Seite ohne Titel
- Zusammenfassung Mathe

lls an und f(t) die An-  
gegeben.

1)

age nach Modelleinführung  
10 800 850 900

nenhang an.

ngfristig entwickeln.

nd begründe mit ihr,  
abnehmen. [Hinweis:

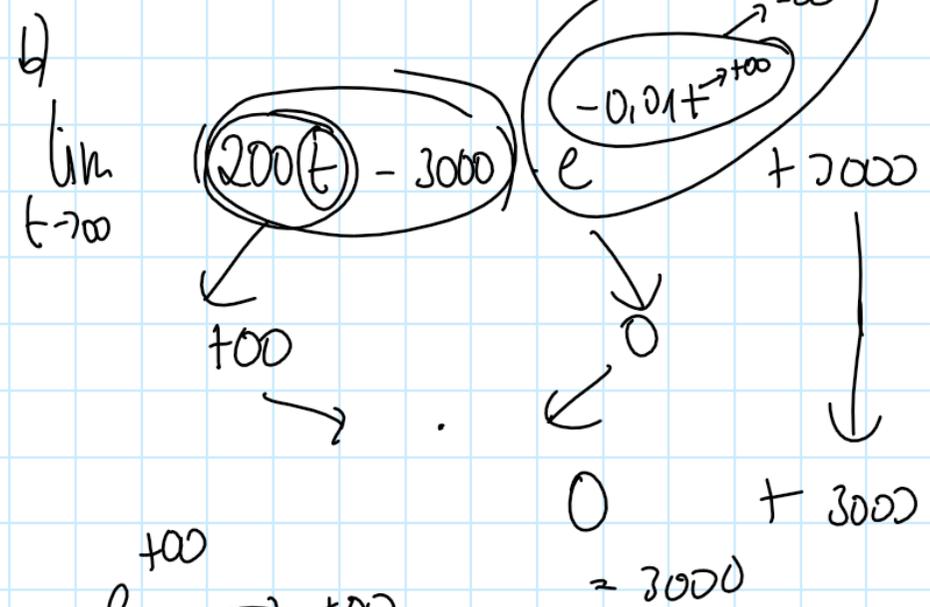
$$-4,3 + 0,02t) \cdot e^{-0,01t}$$

überprüfe dies rechne-  
uation an.

uation an.

$$a) f(g) = 200 \cdot (g - 15) \cdot e^{-0,01 \cdot g} + 3000$$

$$= 1900$$



$$e^{+\infty} \rightarrow +\infty$$

$$e^{-\infty} \rightarrow 0$$

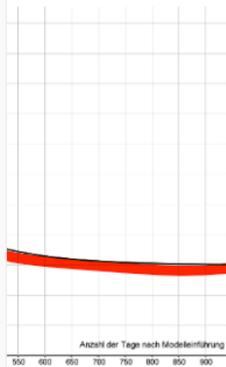
Session 25

Sachzusammenhang

eines Handymodells, das neu einge-

$$1t + 3000$$

es neuen Modells an und  $f(t)$  die An-  
m Folgenden angegeben.



im Sachzusammenhang an.

rkaufszahlen langfristig entwickeln.

gsregeln  $f'(t)$  und begründe mit ihr,  
 $t > 115$  ständig abnehmen. [Hinweis:

$$n, \text{ dass } f''(t) = (-4,3 + 0,02t) \cdot e^{-0,01t}$$

Wendepunkt, überprüfe dies rechnerisch  
der obigen Situation an.

n der obigen Situation an.

t

$$f(t) dt$$

730  
866

$$f(t) = (200t - 3000) \cdot e^{-0,01t} + 3000$$

füllt Log

$$\begin{aligned} u(t) &= 200t - 3000 & u'(t) &= 200 \\ v(t) &= e^{-0,01t} & v'(t) &= -0,01 e^{-0,01t} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f'(t) &= 200 \cdot e^{-0,01t} + (200t - 3000) \cdot (-0,01 e^{-0,01t}) \\ &= e^{-0,01t} (200 + (200t - 3000) \cdot (-0,01)) \\ &= e^{-0,01t} (200 - 2t + 30) \\ &= e^{-0,01t} (-2t + 230) \end{aligned}$$

$$1. \quad e^{-0,01t} \cdot (-2t + 230) = 0 \quad | \text{SuNP}$$

e f 0

$$\begin{aligned} -2t + 230 &= 0 \quad | -230 \\ -2t &= -230 \quad | : (-2) \\ t &= 115 \end{aligned}$$

$$2. \quad \leftarrow \text{---} | \text{---} \rightarrow$$

Schritte:

1.  $f'(t) = 0$  lösen ✓
2. Hilfsstrahl  $\leftarrow \infty \text{---} \rightarrow \infty$
3. Intervalle
4. Zahl aus Intervall in  $f'(x)$   
→ denke  $f'(x_0) > 0$  st.  
 $f'(x_0) < 0$  f.

Session 25

im Sachzusammenhang an.

rkaufszahlen langfristig entwickeln.

gsregeln  $f'(t)$  und begründe mit ihr,  $t > 115$  ständig abnehmen. [Hinweis:

n, dass  $f''(t) = (-4,3 + 0,02t) \cdot e^{-0,01t}$

Wendepunkt, überprüfe dies rechner der obigen Situation an.

n der obigen Situation an.

$t$   $\left. \begin{matrix} 730 \\ 866 \end{matrix} \right\}$

$\int f(t) dt$

$\cdot e^{-0,01t} + 3000$

$\cdot e^{-0,01t}$

$\cdot 0,01t$

$= 0 \quad | \text{SUMP}$

$\checkmark e^{-0,01t} \neq 0$

$$= e^{-0,01t} (200 - 2t + 30)$$

$$= e^{-0,01t} (-2t + 230)$$

$$1. \quad e^{-0,01t} \cdot (-2t + 230) = 0 \quad | \text{SUMP}$$

$\downarrow$   
 $e \neq 0$

$$-2t + 230 = 0 \quad | -230$$

$$-2t = -230 \quad | : (-2)$$

$$t = 115$$

$$2. \quad \leftarrow \begin{array}{c} \text{---} \\ | \\ 115 \\ \text{---} \\ \leftarrow \infty \qquad \infty \rightarrow \end{array}$$

$$3. \quad (-\infty; 115) \quad f'(0) = e^{-0,01 \cdot 0} (-2 \cdot 0 + 230) = e^0 (0 + 230) = 1 \cdot 230 = 230 > 0 \text{ st.}$$

$$(115; \infty) \quad f'(116) = e^{-0,01 \cdot 116} (-2 \cdot 116 + 230) = -0,63 < 0 \text{ fall-d}$$

Schritte:

1.  $f'(t) = 0$  lösen  $\checkmark$
2. Hilfsstrahl  $\leftarrow \infty \qquad \infty \rightarrow$
3. Intervalle
4. Zahl aus Intervall in  $f'(x)$   
 $\rightarrow$  denke  $f'(x_0) > 0$  st.  
 $f'(x_0) < 0$  f.

Session 25

Formansatz

Seite ohne Titel

Zusammenfassung Mathe

Markiere in der obigen Abbildung den einzigen Wendepunkt, beschrifte dies rechnerisch und gib die Bedeutung des Wendepunktes in der obigen Situation an.

e) Gib die Bedeutung des Integrals  $\frac{1}{b-a} \cdot \int_a^b f(t) dt$  in der obigen Situation an.

n.B.

$$y = \frac{1}{b-a} \int_a^b f(t) dt$$

$$f(t) = (200t - 3000) \cdot e^{-0,01t} + 3000$$

$$f'(t) = (-4,3 + 0,02t) \cdot e^{-0,01t}$$

n.B:

$$(-4,3 + 0,02t) \cdot e^{-0,01t} = 0 \quad | \text{SVP}$$

$$e^{-0,01t} \neq 0$$

$$-4,3 + 0,02t = 0 \quad | +4,3$$

$$0,02t = 4,3 \quad | :0,02$$

$$t = 215$$

$$f(215) = (200 \cdot 215 - 3000) \cdot e^{-0,01 \cdot 215} + 3000 = 7659$$

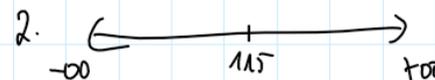
Am 215. Tag

$$e^{-0,01t} \neq 0$$

$$-2t + 230 = 0 \quad | -230$$

$$-2t = -230 \quad | : -2$$

$$t = 115$$



1.  $(-\infty; 115) \quad f'(0) = e^{-0,01 \cdot 0} (-2 \cdot 0 + 230)$

$(115; \infty) \quad f'(116) = e^{-0,01 \cdot 116} (-2 \cdot 116 + 230)$

Session 25

Formansatz

Seite ohne Titel

Zusammenfassung Mathe

tatsächlich alle Sitzplätze belegt sind?

Die Fluggesellschaft überbucht die Maschine und verkauft 72 Flugtickets. Mit welcher Wahrscheinlichkeit kann dies dazu führen, dass nicht alle Passagiere mitfliegen können?

- d) (1) Die Zufallsgröße  $X$  ist binomialverteilt mit  $n=10$  und  $p=0,8$ . Eine der folgenden Abbildungen 3 bis 5 stellt die Wahrscheinlichkeitsverteilung von  $X$  dar.

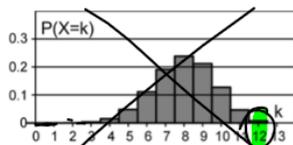


Abbildung 3

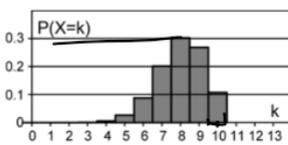


Abbildung 4

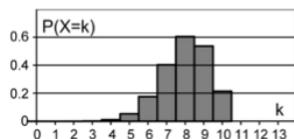


Abbildung 5

$$\begin{array}{c|c|c} 0 & 1 & 2 \\ \hline 0 & 0 & 0 \end{array}$$

Ein Flugzeug fliegt innerhalb einer Stunde von  $A(-1|11|10)$  nach  $B(-8|15|14)$ . Ein zweites Flugzeug fliegt gleichzeitig in  $C(-27|13|3)$  los, und erreicht den Punkt  $D(-19|11|19)$  nach zwei Stunden.

- Stellen Sie eine Gleichung für die Fluggeraden der beiden Flugzeuge auf.
- Wo befindet sich das erste Flugzeug nach zwei Stunden?
- Wo befindet sich das zweite Flugzeug nach 30 Minuten?
- Kreuzen sich die beiden Flugbahnen?  $\rightarrow$  wird sicher
- Welchen Abstand haben die beiden Flugzeuge nach einer Stunde?
- Wie nah kommen sich die Flugzeuge im Extremfall? Wann ist das der Fall?

a)  $g: \vec{x} = \vec{OA} + s \cdot \vec{AB}$   
 $h: \vec{x} = \vec{OC} + t \cdot \vec{CD}$

$\vec{CD} = \begin{pmatrix} 14 \\ 8 \\ -2 \\ 16 \end{pmatrix} \xrightarrow{:2} \begin{pmatrix} 7 \\ 4 \\ -1 \\ 8 \end{pmatrix}$

b)  $s = 2$

Ein Flugzeug fliegt innerhalb einer Stunde von  $A(-1|11|10)$  nach  $B(-8|15|14)$ .  
 Ein zweites Flugzeug fliegt gleichzeitig in  $C(-27|13|3)$  los, und erreicht den Punkt  $D(-19|11|19)$  nach zwei Stunden.

- a) Stellen Sie eine Gleichung für die Fluggeraden der beiden Flugzeuge auf.
- b) Wo befindet sich das erste Flugzeug nach zwei Stunden?
- c) Wo befindet sich das zweite Flugzeug nach 30 Minuten?
- d) Kreuzen sich die beiden Flugbahnen?  $\rightarrow$  ~~Wahrscheinlich~~
- e) Welchen Abstand haben die beiden Flugzeuge nach einer Stunde?
- f) Wie nah kommen sich die Flugzeuge im Extremfall? Wann ist das der Fall?

a)  $g: \vec{x} = \vec{OA} + s \cdot \vec{AB}$   
 $h: \vec{x} = \vec{OC} + t \cdot \vec{CD}$

$\vec{CD} = \begin{pmatrix} 8 \\ -2 \\ 16 \end{pmatrix} \xrightarrow{:2} \begin{pmatrix} 4 \\ -1 \\ 8 \end{pmatrix}$

b)  $s = 2$

c)  $t = 0,5$

d)  $a \cdot \vec{r}_1 \neq \vec{r}_2$

- e) 1.  $s=1 \rightarrow$  ansr.  $\rightarrow$  ~~2~~  
 $t=1 \rightarrow$  ansr.  $\rightarrow$  ~~3~~  
 2.  $\vec{UV}$   
 3.  $|\vec{UV}|$

f) Abstand ~~Wahrscheinlich~~ berechnen

$A(1|1|2) \quad B(2|0|4)$

$g: \vec{x} = \vec{OA} + s \cdot \vec{AB}$   
 $= \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}$

$7 \cdot x = 60 \quad | :7$   
 $x = \frac{60}{7}$